

134 MEMOIRES DE L'ACADE' MIE ROYALE  
 du 10, que nous observâmes le Soleil au travers des nuages rares. Le premier jour que ces Taches parurent il n'y en avoit que deux : les jours suivans on en remarqua trois. Nous avons trouvé ces dernieres dans un parallele qui décline de l'équateur du Soleil de 13 degrés vers le midi.

Ces Taches ont été aussi observées à Genes par M. le Marquis Salvago ; à Marseille, par le P. de la Val Jésuite, & Professeur d'Hydrographie ; à Montpellier, par M. Plantade Conseiller à la Cour des Aydes, & par M. de Clapier ; & à Lyon, par les PP. Fulchiron & Thyoli qui nous ont envoyé leurs observations.

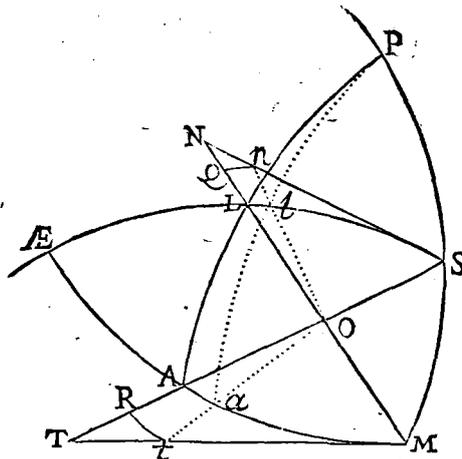
## D E T E R M I N A T I O N

*Du temps auquel le mouvement du Soleil en longitude est égal en son mouvement en ascension droite.*

PAR M. P A R E N T.

1704.  
9. Avril.

**S**Oit  $P$  le pole de la sphere,  $PSM$  un quart du colure des solstices,  $ÆLS$  un quart de l'écliptique,  $ÆAM$  un quart de l'équateur,  $Æ$  l'équinoxe,  $S$  le solstice.  $L$  le lieu du Soleil dans l'écliptique au temps de son mouvement médiocre en ascension droite qui est le temps désiré.  $PLA$  le quart d'un cercle de déclinaison mené du pole  $P$  par le Soleil  $L$  jusques à l'équateur en  $A$ ;  $Pla$  le quart d'un pareil cercle rencontrant l'écliptique au point  $l$  indéfiniment proche de  $L$ , & l'équateur en  $a$ ; soient conçues aussi



les tangentes  $SN$ ,  $MT$  à l'écliptique & à l'équateur au solstice  $S$ , & au point  $M$  de  $90^d$  de l'équateur, lesquelles rencontrent les rayons  $Ol$ ,  $OL$ ,  $OA$ ,  $OA$ , menés du centre  $O$  de la sphère & prolongés indéfiniment aux points  $n$ ,  $N$ ,  $t$ ,  $T$ .

Soit nommé  $a$  le sinus de l'arc  $PS$  complément de l'obliquité  $SM$  de l'écliptique;  $r$  le rayon  $OS$ ,  $OL$ ,  $OA$ ,  $OM$  de la sphère;  $x$  la tangente  $SN$ ; &  $Nn$ ,  $dx$ .

Menant donc encore  $nQ$  perpendiculaire à  $NO$ , on aura les triangles rectangles semblables  $nNQ$ ,  $ONS$ ; ce qui donnera les analogies ( $Nn | nQ || NO | OS || nO | IO || nQ | Ll$ ). Donc aussi ( $Nn | Ll || NO^2 = OS^2 + NS^2 | OS^2$ ) ou ( $dx | Ll || r^2 + x^2 | r^2$ ). D'où l'on tire ( $Ll = \frac{dxr^2}{r^2 + x^2}$ ).

Menant de même la perpendiculaire  $tR$  sur  $OT$  en  $R$ , on aura l'analogie ( $Tt | Aa || TO^2 = OM^2 + TM^2 | OM^2$ ). Or on fait par les analogies des triangles sphériques rectangles que (le sinus de l'arc  $PS = a$ , est au sinus total  $= r$ , comme la tangente de l'arc  $LS$ , savoir,  $NS = x$ , est à la tangente de l'arc  $AM$ , savoir  $TM$ ). Ce qui donne

( $TM = \frac{rx}{a}$ ), & ( $Tt = \frac{rdx}{a}$ ), d'où l'on tire l'analogie

( $Tt = \frac{rdx}{a} | Aa = Ll$  (par la supposition)  $= \frac{dxr^2}{r^2 + x^2} ||$

$OM^2 + TM^2 = \frac{a^2r^2 + x^2r^2}{a^2} | r^2 = OM^2$ ), qui fournit l'éga-

lité suivante ( $ar^2 + ax^2 = a^2r + rx^2$ ) qui se change en cette autre ( $rx^2 - ax^2 = ar^2 - a^2r$ ), & divisant le tout par  $(r-a)$  il reste enfin ( $ar = x^2$ )

D'où l'on conclut que la tangente  $x$  ou  $SN$  de la distance du solstice  $S$  au point  $L$  du mouvement médiocre en ascension droite, est moyenne proportionnelle entre le rayon de la sphère, & le sinus du complément de l'obliquité de l'écliptique.

Ajoutant donc le logarithme du sinus de  $66^d 31'$  complément de la plus grande déclinaison du Soleil, savoir,

136 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE  
99624627 au logarithme du sinus total qui est 100000000,  
& prenant la moitié de la somme 199624527, savoir,  
99812263 $\frac{1}{2}$ , on aura le logarithme de la tangente d'un arc  
qui est le complément de 46<sup>d</sup> 14'; ce qui fait voir que  
quand le Soleil a 46<sup>d</sup> 14' de longitude, son mouvement  
sur l'écliptique est alors égal à son mouvement en ascen-  
sion droite.

Ceci peut donc servir à corriger quelques Tables Astro-  
nomiques qui pechent contre ce calcul, mettant le Soleil  
vers le 44 ou 45 degré de longitude au temps de son mou-  
vement médiocre. Voyez les Tables du Traité de Navi-  
gation de M. Bouguer.

---

## D E M O N S T R A T I O N

*Du Principe de M. Hughens, touchant le centre de  
Balancement, & de l'identité de ce centre  
avec celui de percussion.*

PAR M. BERNOULLI, Professeur à Bâle.

*Lettre du 3. Avril 1704.*

1704.  
19. Avril.  
\* Voyez les  
Mémoires de  
1703. p. 78.

**A**près la démonstration de la doctrine du centre de  
Balancement que je donnai l'année passée à l'Ac-  
adémie, \* par un principe incontestable tiré de la nature du  
Levier, il me fera présentement facile, en retournant sur  
mes pas, de démontrer la vérité du Principe de M. Hu-  
ghens, qui peut-être sans cette démonstration seroit plus  
sujet à être contesté : savoir, que le centre commun de gra-  
vité des parties d'un Pendule, qui descendent conjointement &  
remontent ensuite séparément chacune avec sa vitesse acquise,  
doit remonter précisément à la même hauteur dont il est des-  
cendu.

Pour