

ou deux d'eau chaude, & pris dans le fort de l'accès, diminue la fièvre & calme le transport en sept ou huit heures de tems, & donne le loisir au Médecin de guérir à son aise le malade par les simples purgatifs ordinaires.

J'appelle ce remède du sel volatil narcotique du vitriol, parce qu'il ne fait qu'appaiser la fièvre & le transport pour un tems, sans les guérir : car si dans cet intervalle on ne chasse la cause de la maladie par les purgatifs, la fièvre & le transport reviennent.

Nous voyons par cette opération, que le sel fixe de vitriol n'est autre chose qu'une matière terreuse & métallique, dans laquelle il est resté une partie de sel acide de ce minéral, & que le sel urineux minéral ayant absorbé la plupart de ces pointes acides, ils deviennent un sel volatil débarrassé de leur terre, laissant au fond du vaisseau un reste de sel beaucoup plus fixe qu'il n'étoit avant cette opération. Si au contraire l'on surchargeoit un sel volatil acide d'une trop grande quantité de matière terreuse, il se changeroit en un sel aussi fixe que l'est celui que nous tirons par la lixiviation du colcothar du vitriol, comme il se change en un sel moyen lorsqu'il ne fait que se saouler simplement d'une matière terreuse ou alcaline.

---

EXAMEN DE LA LIGNE COURBE,  
formée par un rayon de lumière qui traverse  
l'Atmosphère.

PAR M. DE LA HIRE.

1702.  
25. Février.

J'E suppose ici que l'air tel qu'est celui qui environne la terre, & que nous appellons *Atmosphère*, est un corps pesant, & que les particules dont il est composé sont des ressorts, qui par leur nature, de quelque figure qu'on veuille les imaginer, sont capables d'une très-grande extension, & d'un resserrement ou d'une compression presque infinie par accident, comme par un poids dont ils se

roient chargés, & que ces mêmes particules n'étant point accrochées les unes aux autres, le corps qu'elles composent est un liquide, lequel est aussi transparent.

Mais je puis encore supposer, comme on le connoît par toutes les expériences, que les corps à ressort étant considérés dans un petit espace de leur extension naturelle, se compriment dans la raison des poids dont ils sont chargés; ou au contraire ayant été comprimés par un poids, ils s'étendent dans la raison des mêmes poids dont ils sont soulagés.

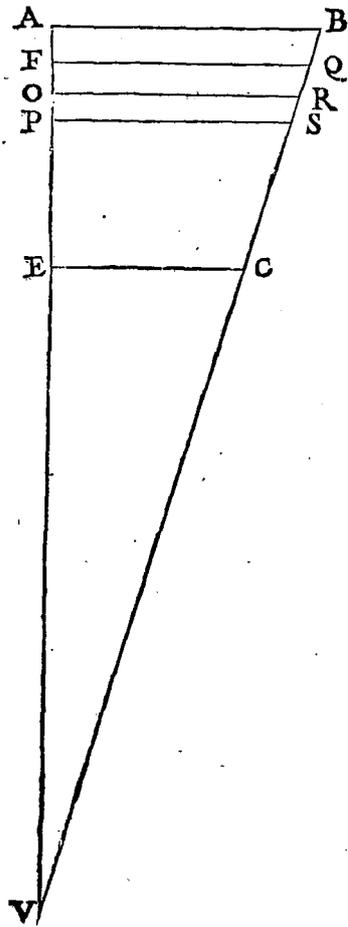
Il s'ensuit donc de-là qu'on ne doit considérer que la hauteur d'une masse d'air, comme  $EG$ , par rapport aux accidens qui lui arrivent dans les différentes charges qui la compriment, puisque l'air est un corps liquide.

Soit donc  $EG$  un espace de la hauteur de l'Atmosphère depuis la superficie de la terre en  $E$  jusqu'en  $G$ , & que cet espace est comprimé par toute la masse de l'Atmosphère qui est au-dessus de  $G$ , & par sa propre pesanteur suivant les différens degrés de sa hauteur; & enfin que cette même masse  $EG$  avec celle qui est au-dessus doit agir de la même manière sur la matière de l'Atmosphère qui seroit au-dessous de  $E$ .

Mais si l'on imagine des espaces  $GI$ ,  $IL$ ,  $LN$ , &c. dans l'étendue  $GE$ , lesquels soient indéfiniment petits, & qui comprennent des quantités égales des ressorts de l'air, tel qu'il doit être dans son étendue naturelle, l'air compris en  $GI$  sera réduit à cet espace  $GI$  par la charge de l'Atmosphère supérieure; la partie de l'air comprise en  $IL$  sera réduite à cet espace  $IL$ , qui sera moindre que l'espace  $GI$ , à cause qu'il est chargé de l'Atmosphère qui est au-dessus de  $G$ , & de la partie qui est en  $GI$ . De même l'air qui est en  $LN$  sera réduit à cet espace  $LN$  par la charge de l'Atmosphère au-dessus de  $G$ , & des parties de l'air en  $GI$  & en  $IL$ ; c'est pourquoi cet espace  $LN$  sera encore plus petit que le supérieur immédiat  $IL$ . Ce sera la même chose pour tous les autres espaces en descendant vers  $E$ . Et comme nous avons supposé

que ces espaces  $GI$ ,  $IL$ ,  $LN$ , &c. contenoient des quantités égales d'air qui ont des pesanteurs égales, il s'enfuit par l'hypothèse des ressorts que les diminutions de ces espaces seront aussi égales entr'elles. Mais il s'enfuit aussi que ces diminutions seront toujours entr'elles dans la raison des quantités d'air ajoutées à celui qui est au-dessus de  $G$  dans une progression successive, telle qu'elle puisse être.

On peut très-bien représenter ces différentes réductions des parties comprimées de l'Atmosphère, par les ordonnées dans un triangle. Car soit la ligne  $AE$  qui représente la hauteur des particules à ressort de

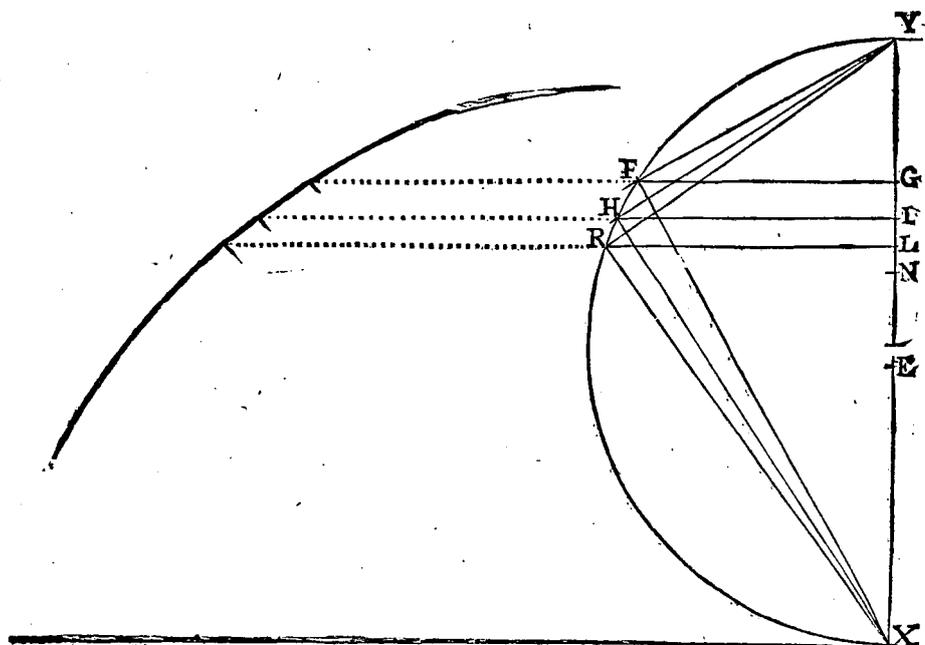


l'air dans leur état naturel, lesquelles sont renfermées & comprimées dans l'espace  $GE$ , dont nous venons de parler; & que les lignes  $AB$ ,  $EC$ , perpendiculaires à  $AE$ , représentent la réduction de ces parties comprimées, savoir  $AB$  leur réduction en  $G$ , &  $EC$  leur réduction en  $E$ , & soit tiré la ligne  $BC$  qui étant prolongée rencontrera nécessairement  $AE$  aussi prolongée en quelque point  $V$ , puisque  $EC$  est toujours plus petite que  $AB$ . Or il est évident que le point  $V$  représentera la réduction infinie des particules de l'air dans les suppositions que nous avons faites de leur compression par rapport aux poids dont ils sont chargés, & que  $EV$  représentera la quantité de ces mêmes particules dans leur extension naturelle depuis le point  $E$ . Ce n'est pas que la nature doive

suivre cette regle à la rigueur jusqu'au point  $V$  : mais c'est une conséquence nécessaire des principes que j'ai posés, dont je conclus ce qui doit arriver dans l'espace  $AE$  ou  $GE$  que je considere ici.

Maintenant soit  $AE$  divisée en parties indéfiniment petites, comme aux points  $FOP$ , &c. & que par ces points on mene des paralleles à  $AB$ , comme  $FQ, OR, PS$ , &c. qui seront des ordonnées dans le triangle  $AVB$ ; je dis que toutes ces ordonnées représenteront les réductions de la matiere ou des ressorts de l'Atmosphère. Car si nous supposons que ces parties  $AF, FO, OP$ , &c. soient égales entr'elles, leur compression doit aussi augmenter également, & elles doivent se réduire à des espaces qui diminueront également en hauteur, comme sont les ordonnées  $FQ, OR, PS$ , &c. Et ce sera la même chose pour les parties inégales. C'est pourquoi ces ordonnées représenteront les réductions des parties des ressorts de l'air. Mais aussi des sommes de ces mêmes ordonnées dans des parties infiniment petites & supposées dans les espaces indéfiniment petits  $AF, FO, OP$ , &c. sont entr'elles comme les différences des carrés de  $VA, VF, VO, VP$ , &c. ce qui est connu, puisque les Quadrilateres  $ABQF, FQRO$ , &c. seront toujours entr'eux comme les moitiés des différences de ces mêmes carrés de  $VA, VF$ , &c.

Il s'ensuit donc delà que les hauteurs de l'Atmosphère comprimé dans les parties indéfiniment petites, comme  $GI, IL, LN$ , sont entr'elles comme des différences de carrés, & que ces carrés seroient représentés par les lignes depuis les points  $G, I, L$ , jusqu'au point de la dernière réduction qui soit  $X$ ; & de plus, que les réductions dans chaque point  $G, I, L$ , sont représentées par les ordonnées comme  $AB, FQ, OR, PS$ , &c. dans le triangle, lesquelles sont entr'elles comme les racines de ces mêmes carrés, puisqu'elles sont entr'elles comme les  $VA, VF, VO, VP$ , &c. Soit enfin  $YX$  la hauteur de tout l'Atmosphère comprimé toujours dans la raison que j'ai supposée d'abord, depuis sa plus grande dilatation en  $Y$ , jusqu'à la plus grande compression en  $X$ .

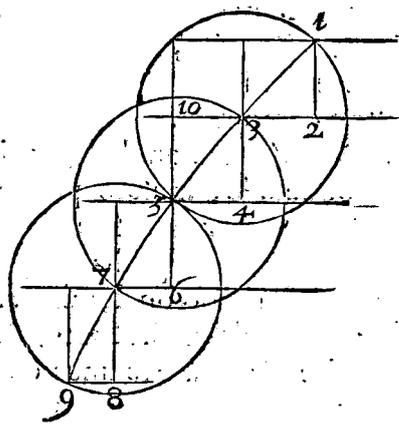


Si l'on décrit donc le demi-cercle  $YFX$  sur le diamètre  $YX$ , & que par les points  $GILN$  indéfiniment ou infiniment proche les uns des autres, on mene à ce diamètre les ordonnées dans le cercle  $GF, IH, LR, \&c.$  & que de l'extrémité  $X$  du diamètre  $XY$  on tire les cordes  $XF, XH, XR, \&c.$  Je dis que ces cordes représenteront les réductions de l'Atmosphère par rapport à  $XY$  dans les hauteurs  $GILN, \&c.$  ou ce qui est la même chose, elles représenteront les extensions des ressorts de l'air dans ces points  $GILN, \&c.$  Car puisque ces extensions doivent être représentées par les racines dont les lignes  $XY, XG, XI, XL$  représentent les quarrés, si l'on mene les cordes  $YF, YH, YR, \&c.$  il est évident qu'on formera des triangles rectangles  $XYF, XYH, XYR, \&c.$  & à cause des perpendiculaires  $FG, HI, RL$  sur l'hypoténuse commune, on aura comme  $XY$  à  $XF$ , ainsi  $XF$  à  $XG$ ; c'est pourquoi  $XY$  sera à  $XG$ , comme le quarré de  $XY$  à  $XF$ ; & à cause que  $XY$  demeure toujours

jours la même, les  $XF$ ,  $XH$ ,  $XR$ , représentent les racines des quarrés représentés par les lignes  $XG$ ,  $XI$ ,  $XL$ , &c. & par conséquent les lignes  $XF$ ,  $XH$ ,  $XR$ , représentent les réductions des particules de l'Atmosphère dans les hauteurs  $GIL$ . Ce qu'il falloit démontrer.

Mais comme la matiere de l'Atmosphère ou de l'air qui est autour de la terre, est plus condensée à mesure qu'elle s'approche de la terre, nous la pouvons considérer dans toutes ses couches différentes comme des corps diaphanes de différente densité; enforte que si un rayon lumineux vient à la rencontrer, il se détournera de sa direction, & s'approchera de la perpendiculaire, & tous les sinus des angles que fait le rayon lumineux, seront entr'eux dans la raison de la compression ou réduction des particules de l'Atmosphère, ou bien ces sinus doivent être entr'eux dans la raison des moindres facilités que le rayon rencontre en traversant ces milieux de différente densité. Car je suppose que la facilité que la lumiere a de se mouvoir dans des milieux de différente densité, est dans la raison de la densité ou resserrement, ou réduction des particules qui composent ces milieux. C'est ainsi que M. de Fermat expliqua le premier les regles de la réfraction, ce qui sembloit en quelque façon contraire à ce que M. Descartes en avoit donné: mais cependant ces explications différentes revenoient au même but, & expliquoient les loix de la nature, comme on le connoît par toutes les expériences. La démonstration de M. Fermat est extrêmement composée, ce qu'on peut voir dans ses Ouvrages imprimés après sa mort; & aussi tôt qu'elle parut, j'en donnai une très-simple, que je présentai à l'Académie dans le même-tems, à ce qu'il me semble. Mais il n'est pas nécessaire de la rapporter ici, puisqu'aussi-bien M. Hugens en a fait imprimer ensuite une autre dans son Traité de la Lumiere.

Soit donc un rayon lumineux  $1, 3$  avec sa direction  $1, 3$ , lequel rencontre le corps diaphane  $1, 2$ , & ensuite il passe dans un autre corps diaphane  $3, 4$ , mais qui est plus dense que le premier, & par conséquent ce rayon a moins de faci-

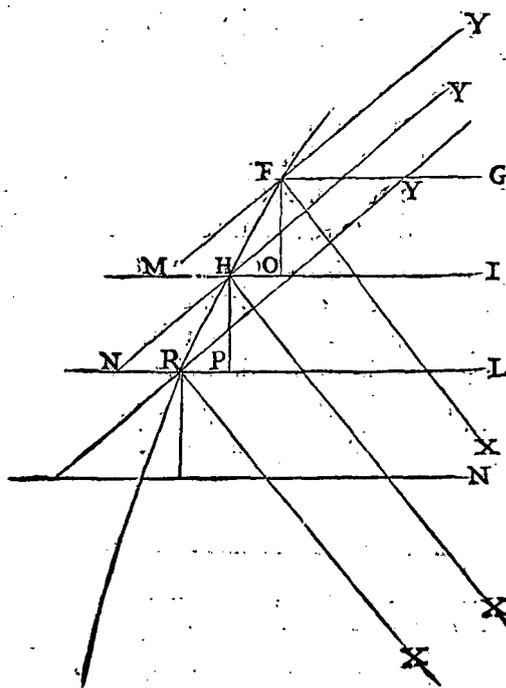


cilité à le pénétrer que le premier, & soit la raison des facilités à se mouvoir dans ces diaphanes, comme la ligne 3, 2, à la ligne 3, 10 ou 5, 4. Il est certain par la règle de M. Fermat, que si du point 3 pour centre & pour rayon ou demi-diamètre 3, 1, on décrit le cercle 1, 5 qui coupe au point 5 la ligne 10, 5, perpendiculaire à 3, 2, qui sépare les milieux de différente densité, le rayon lumineux 1, 3 se détournera de son chemin droit 1, 3, & passera par 3, 5 dans le milieu 3, 4. De même si du point 5 & pour demi-diamètre 5, 3, on décrit le cercle 3, 7, & que la ligne 7, 6 représente la moindre facilité que le rayon a de pénétrer l'espace 5, 6, ce rayon se détournera de son chemin droit 3, 5, & passera par 5, 7; & ainsi de suite par 7, 9, si le rapport des moindres facilités dans le milieu 5, 6 & dans le milieu 7, 8 est semblable à celui des lignes 7, 6 & 9, 8; & de même des autres.

Mais si l'on considère les différens diaphanes 1, 2; 3, 4; 5, 6; 7, 8, &c. comme des couches infiniment petites de l'Atmosphère comprimée dans les espaces de hauteur infiniment petits  $GI$ ,  $IL$ ,  $LN$ , &c. & que les lignes ou sinus 3, 2; 5, 4; 7, 6, &c. soient entr'elles dans la raison des cordes  $XF$ ,  $XH$ ,  $XR$ , &c. Si le rayon lumineux au point  $F$  a sa direction suivant la ligne ou corde  $YF$ , il décrira une courbe 1, 3, 5, 7, 9, laquelle sera une portion de Cycloïde: ce que je démontre en cette sorte:

Si l'on prolonge toutes les cordes  $YF$ ,  $YH$ ,  $YR$ , &c. au-delà des points  $F$ ,  $H$ ,  $R$ , jusqu'aux ordonnées immédiatement inférieures, comme seroient  $FM$ ,  $HN$ , &c. on sçait que toutes ces parties seront les Elemens d'une Cy-

cloïde, lesquels nous pouvons supposer être tous égaux entr'eux, comme les lignes 1, 3; 3, 5; 5, 7; ce qui ne seroit pourtant pas nécessaire, mais ce que je suppose seulement pour en faire le rapport à ce que j'ai expliqué ci-devant.



Il ne me reste donc plus qu'à démontrer, que si des points *F, H, R, &c.* on mène des perpendiculaires sur les ordonnées inférieures, comme *FO, HP, &c.* les parties *MO, NP, &c.* seront entr'elles comme les cordes *XF, XH, XR, &c.* qui représentent les densités de l'Atmosphère, ou les moindres facilités qu'un rayon lumineux a de pénétrer les couches

infiniment petites de l'Atmosphère. Or il est évident qu'à cause des triangles rectangles semblables on a *XF* à *XY*, comme *MO* à *MF*; de plus comme *XY* à *XH*, ainsi *NH* égale à *MF* est à *NP*; donc en raison égale *XF* à *XH*, comme *MO* à *NP*, & ainsi de suite. Ce qu'il falloit démontrer.

Mais comme les différentes couches de l'Atmosphère sont concentriques à la terre, il s'en suit aussi que les ordonnées dans le cercle générateur de la courbe ne seront pas des lignes droites, mais des arcs de cercles dont le centre sera au centre de la terre, ce qui formera un Epicycloïde au lieu de la Cycloïde que j'ai posée, comme il est évident par les propriétés des Epicycloïdes que j'ai démon-

trées dans le Traité que j'en ai fait. De plus, il semble aussi que cette démonstration ne pourroit convenir qu'à un certain rayon de lumière qui est déterminé par l'inclinaison de la corde  $YF$  ou  $FM$ , comme je l'ai posé, lequel dépend de la grandeur du cercle générateur de l'Epicycloïde & de son diamètre  $XY$ , qui détermine dans la supposition que j'ai faite de la compression des particules à ressort de l'air, toute l'étendue de l'Atmosphère dans sa compression. Car ce rayon lumineux rencontreroit la surface de la terre dans un certain angle, & se termineroit dans la partie supérieure de l'Atmosphère en une touchante de cet Atmosphère sphérique. Mais je démontrerai dans un autre Mémoire tout ce qui reste de cette proposition dans toute son étendue & pour toutes sortes de rayons lumineux, après avoir expliqué plusieurs propriétés particulières des Epicycloïdes, tant par rapport à la Mécanique, qu'au sujet dont je traite ici, & dont je n'avois point parlé dans mon Traité.

---

R E F L E X I O N S  
SUR LA MESURE DE LA TERRE,

R A P P O R T E E P A R S N E L L I U S  
Dans son Livre intitulé : Eratosthenes Batavus.

P A R M. C A S S I N I le fils.

1702.  
1. Mars.

AU retour du voyage que j'ai fait en Hollande & en Angleterre, je lus à l'Assemblée quelques réflexions que j'avois faites sur la mesure de la terre, que Snellius a donnée au public en l'an 1617, dans son Livre intitulé : *Eratosthenes Batavus*, & dont M. Picard a donné le résultat, en réduisant ses mesures au pied de Paris, dans sa mesure de la Terre. Le voyage que nous avons fait dernièrement par ordre